



INSTITUCIÓN EDUCATIVA SAN JOSÉ DE VENECIA

NIT 811019578-0
DANE 105861000199
Código ICFES 002865

DOCENTE: Héctor Iván Ballesteros Cano

AREA: Geometría **HORAS:** 5^a y 6^a Lunes **PERIODO:** 1^o

MONITOR: Edwin Tabares **GRADO:** 10^o.1 y 2 **TEMA:** Distancia entre dos Puntos y Coordenadas de Punto Medio

LOGRO: -Aplica los conceptos de distancia entre dos puntos y coordenadas de punto medio en la solución de problemas de la vida cotidiana.

ACTIVIDAD: Realizar el cálculo de distancia entre dos puntos y las coordenadas de punto medio y Resolver problemas de la cotidianidad a empleando estas dos temáticas.

Distancia entre dos puntos y Coordenadas de punto medio-Nivelacion

Para $P_1 = (x_1, y_1)$ y $P_2 = (x_2, y_2)$ se tiene que

$$d(P_1, P_2) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$(\bar{x}, \bar{y})(P_1, P_2) = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$



- Hallar la distancia entre los puntos y las coordenadas de su punto medio.
 - $P_1(5,6)$ y $P_2(2,2)$
 - $A(2, 8)$ y $B(4, 0)$
 - $B(-2, 3)$ y $C(1, 5)$
 - $A(3, 1)$ y $B(-1, -5)$
 - $B(-2, -3)$ y $C(-4, 3)$
- Clasificar el triángulo determinado por los puntos: $A(2, 7)$, $B(4, 3)$ y $C(0, 2)$.
- Demostrar que el triángulo cuyos vértices son $A(-4, 3)$, $B(5, 0)$ y $C(2, 6)$ es isósceles y hallar su perímetro. Hallar la longitud de la mediana que parte del vértice que C .
- Los vértices de un triángulo son los puntos $A(-1, 0)$, $B(2, -3)$ y $C(5, 1)$. Clasifico completamente el triángulo y determino su perímetro.
- Dado el cuadrilátero cuyos vértices son $P_1(0, 0)$, $P_2(3, 4)$, $P_3(8, 4)$ y $P_4(5, 0)$. Encontrar la longitud de sus cuatro lados y demostrar si es un paralelogramo.
- Demostrar que los puntos $P_1(2, -1)$, $P_2(6, -4)$ y $P_3(2, -7)$, son vértices de un triángulo rectángulo. Hallar su área.
- Los vértices de un triángulo son los puntos $A(-5, 0)$, $B(0, 2)$ y $C(0, -2)$.
 - Localizar los puntos medios de los lados.
 - Hallar las medidas de sus medianas.
- Demostrar que el triángulo cuyos vértices son los puntos:
 - $C(0, 0)$, $A(-9, -2)$ y $B(-1, -4)$ es rectángulo.
 - $A(-8, 1)$, $B(6, -1)$ y $C(-2, 7)$ es rectángulo.
- Encontrar las áreas de los triángulos cuyos vértices son:
 - $(1, -2)$, $(4, -2)$ y $(4, 2)$
 - $(3, 8)$, $(2, -1)$ y $(6, -1)$
 - $(-2, -1)$, $(2, 2)$ y $(5, -2)$
 - $(3, -2)$, $(6, -6)$ y $(6, 2)$

10. Demostrar que los puntos $(-2,-1), (-6,-2), (-5,-6)$ y $(-1,-5)$ son los vértices de un cuadrado, obtenga luego su perímetro y el área de dicho cuadrado.
11. Demostrar que los puntos $(-3,-6), (3,7), (2,2)$ y $(6,-1)$ son vértices de un cuadrilátero: calcular luego su perímetro, área y la longitud de cada una de sus distancias.
12. Demostrar que los puntos $(-1,4), (5,6)$ y $(3,-2)$ son los vértices de un triángulo isósceles y calcular el perímetro de dicho triángulo.
13. Un barco está ubicado en el océano en el punto de coordenadas A $(-8,10)$ y el puerto está situado sobre el punto de coordenadas B $(6,-5)$. Calcular la distancia que los separa y el punto medio del segmento que los une.
14. Fredonia se encuentra 5 km al Sur y a 7 km al norte de Venecia. ¿Cuál es la distancia real lineal entre los dos municipios?
15. Calcular el área y el perímetro del triángulo formado por los puntos P $(-1,1)$, Q $(2,4)$ y R $(4,1)$.
16. José y Raúl, después de estar hablando por celular, deciden encontrarse en la escuela donde asisten, la cual se sitúa en un plano cartesiano y tiene como coordenadas: E $(2, -5)$, José vive en J $(-5, -3)$ y sigue el camino JRE con R $(-2, 0)$. Raúl vive en B $(5, 2)$ y recorre el camino BE (se supone que ambos salen al mismo tiempo y que caminan a la misma velocidad). Determina: a) ¿Quién llegará primero a la escuela?
b) Si José, que vive en J, hubiera seguido el camino JE, ¿qué distancia habría recorrido?
17. Hallar el área del triángulo ABC de vértices A $(-5,-2)$, B $(0,6)$ y C $(5,-2)$
18. Hallar el perímetro del triángulo cuyos vértices son A $(2,7)$, B $(7, 2)$ y C $(-6,-2)$
19. Calcular las coordenadas del punto B de un segmento AB sabiendo que las coordenadas del extremo son A $(2, 1)$ y las del punto medio M $(4, 2,5)$
20. Calcular el perímetro de cada uno de los polígonos determinados por las coordenadas de sus vértices:
 - a) Un triángulo ABC con A $(-1,4)$; B $(-3,1)$ y C $(3,1)$
 - b) Un cuadrilátero ABCD con A $(-6,2)$; B $(-4,7)$; C $(1,1)$; D $(-1,-1)$
 - c) Un pentágono ABCDE con A $(-5,-2)$; B $(1,-2)$; C $(4,2)$; D $(4,9)$; E $(-5,9)$
21. Los vértices de un triángulo rectángulo son los puntos $(1,-2)$, $(4,-2)$ y $(4,2)$. Determinar las longitudes de los catetos y después calcular el área del triángulo y la longitud de la hipotenusa.
22. Los vértices de un rectángulo ABCD, son: A $(4, 5)$; B $(9, 5)$; C $(9,12)$ y D $(4, 12)$. Calcular:
 - i. Su perímetro.
 - ii. Su área.
 - iii. La medida de cada diagonal.
 - iv. Las coordenadas del punto de intersección de sus diagonales.
23. Considera un triángulo ABC cuyos vértices son: A $(-4,-6)$; B $(2,4)$; C $(-2,2)$. Calcular:
 - i. Su perímetro.
 - ii. Las coordenadas del punto medio de sus lados.
24. Considera el triángulo ABC cuyos vértices son: A $(1,-2)$; B $(4, -2)$ y C $(4, 2)$. Determina:
 - i. Que tipo de triángulo es.
 - ii. Su perímetro.
 - iii. Su Área.
25. Demostrar que los puntos : A $(3, 8)$; B $(-11, 3)$ y C $(-8, -2)$ son vértices de un triángulo isósceles.